# 5. Neuronale Netze

## 5. Neuronale Netze

- 5.1 Struktur
- 5.2 Fusion
- 5.3 Lernen
- 5.4 Bewertung

- Mathematisches Modell zur Verarbeitung und mithin zur Fusion von Information, das sich an kognitiven Strukturen von Lebewesen orientiert
- Netzwerk von einfachen Elementen (Neuronen)
- Hierarchische Anordnung
- Informationspropagierung über Verbindungsstellen (Synapsen):
  - Aktivierung eines Neurons durch Eingangssignale an den Synapsen
  - Neuron erzeugt Ausgangssignal, das zu anderen Neuronen weitergeleitet wird
- Massive parallele Vernetzung
- Verteilte Informationsspeicherung und -verarbeitung
- Keine zentrale Koordination

- Neuronale Netze werden i.d.R. nicht programmiert, sondern mit vielen möglichst repräsentativen Mustern, den Trainingsdaten, trainiert
- Ziel des Trainings: Generalisierung der Informationsverarbeitung
- → Lösung sehr komplexer Aufgaben durch das gesamte Netzwerk möglich, etwa Data Mining, Bildverarbeitung, Regelungstechnik, Informationsfusion

- Charakteristik der Informationsverarbeitung im Gehirn ist (selbst leistungsstarken) Computern überlegen in Bezug auf
  - Lernfähigkeit
  - Störunempfindlichkeit
  - Fehlertoleranz
  - Ausfallsicherheit
- Neuronen: Nervenzellen als Basiskomponenten
  - Realisieren einfache Grundfunktionen
  - Geringe Verarbeitungsgeschwindigkeit (im Vergleich zur elektronischen Signalverarbeitung)
  - Kommunikation mit anderen Neuronen mittels (elektrischer) Impulse
- Von Neuronen verarbeitete Information: Nervenimpulse, die über Verbindungsstellen (die Synapsen) übertragen werden
- Vernetzungsstruktur der Neuronen:
  - Abhängig vom Aufgabenbereich des jeweiligen Hirnareals
  - Modifizierbar (Lernen, Erfahrung, Ausgleich von Ausfällen)

# Ausgangsvektor Eingangsvektor

## Output-Schicht

Verborgene Schicht (auch mehrere Schichten möglich, hier nur eine dargestellt)

Input-Schicht

- Kanten besitzen Gewichte (Werte i.d.R. aus [-1,1])
- Bei mehreren Verarbeitungsschichten:
   Komplexe Transformation Eingangsmuster → Ausgangsmuster realisierbar

#### Schichtenstruktur:

- Mindestens ein Neuron pro Schicht
- Inter-Neuronlayer-Connection:

Neuron einer Schicht ist mit Neuronen anderer Schichten verbunden → Aktivierungen sind i.d.R. erregender Art

## Intra-Neuronlayer-Connection:

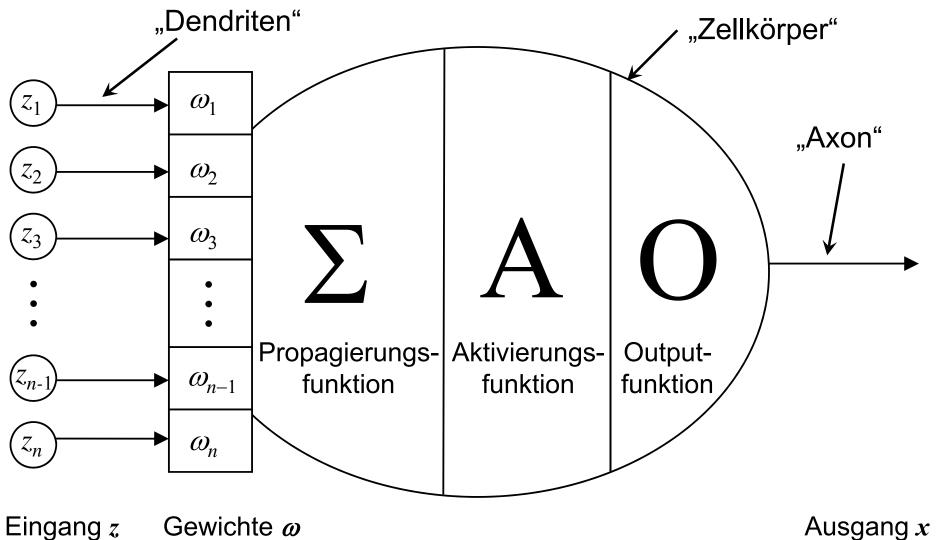
Neuron einer Schicht ist mit Neuronen derselben Schichten verbunden → Aktivierungen können erregender/hemmender Art sein

- Feedforward-Netze:
  - Aktivierung breitet sich von Schicht zu Schicht aus
- Feedback-Netze:

Aktivierung von nachfolgenden Schichten wird auch an vorangehende Schichten übermittelt

## 5.1 Struktur

# Verarbeitungsschema innerhalb eines Neurons:



# Propagierungsfunktion (Ausbreitungsregel):

- Verarbeitet die Signale, die durch das Netz an das Neuron übertragen werden
- Gewichtung der eingehenden Signale
- Gewicht der Verbindung entspricht "Übertragungswiderstand", der überwunden werden muss

Berechnung der gewichteten Summe der Eingänge:

$$\sum(\mathbf{z},\boldsymbol{\omega}) := \sum_{i=1}^n \omega_i z_i$$

Ergebnis wird von der Aktivierungsfunktion weiterverarbeitet

# Propagierungsfunktion (Ausbreitungsregel):

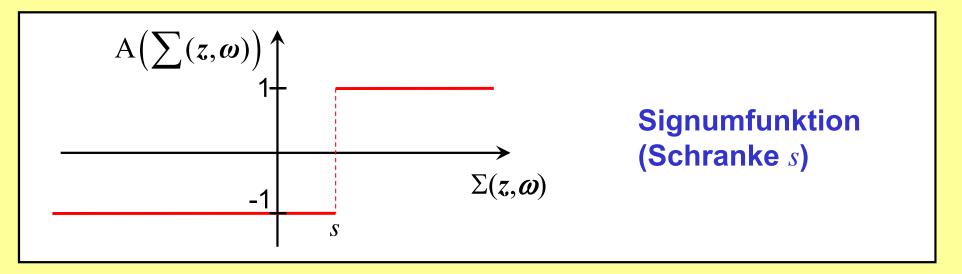
 Wettbewerb unter den Neuronen der vorangehenden Schicht bzw. der Eingangsgrößen realisierbar, z.B. Winner-Takes-All: Nur die Information von demjenigen Neuron wird berücksichtigt, das den höchsten Wert liefert:

$$\omega_i := \begin{cases} 1 & \text{für } i = \arg\max_i z_i \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

## Aktivierungsfunktion:

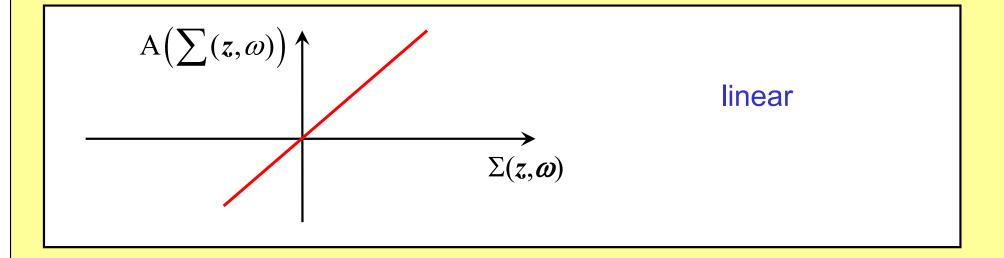
- Bestimmt den inneren Aktivierungszustand des Neurons zum entsprechenden Zeitpunkt
- Eingangsgrößen: Ergebnis  $\Sigma(z,\omega)$  der Propagierungsfunktion, Aktivierungszustand zum vorhergehenden Zeitpunkt
- Häufig verwendete Aktivierungsfunktionen: Signumfunktionen,
   (halb-)lineare Funktionen, Schwellwertfunktionen, Sigmoidfunktionen

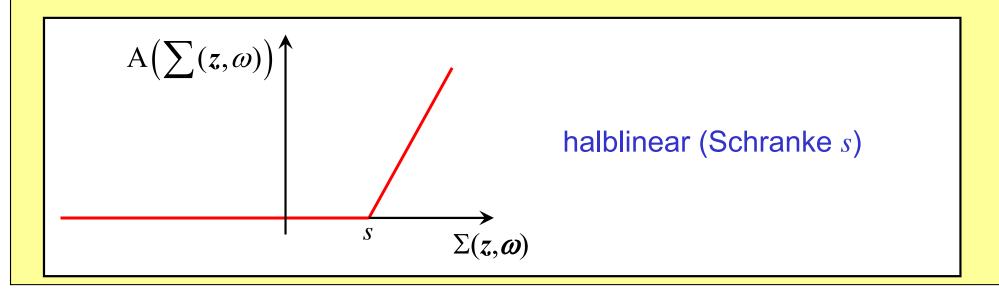




## 5.1 Struktur

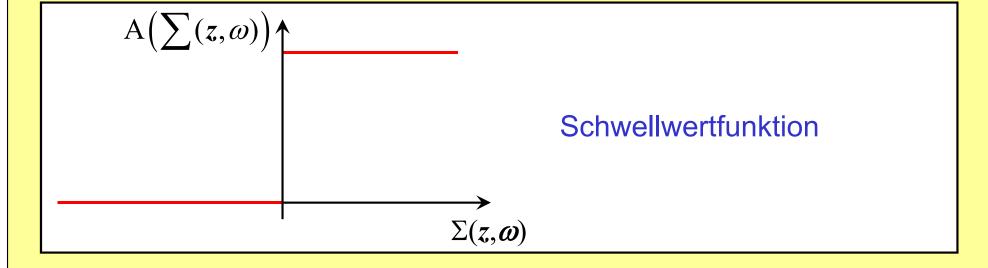
# Beispiele:

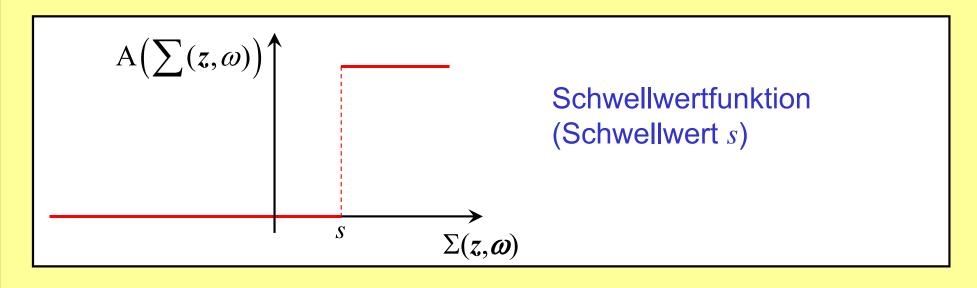


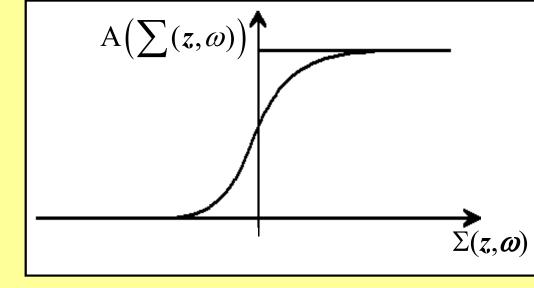


## 5.1 Struktur

# Beispiele:







# **Sigmoidfunktion**

$$A\left(\sum(z,\omega)\right) = \frac{1}{1 + e^{-\sum(z,\omega)}}$$

# Outputfunktion:

- Verarbeitet das Ergebnis der Aktivierungsfunktion weiter
- Legt fest, welches Signal als Ausgabe an die benachbarten Neuronen weitergegeben werden soll
- Kann Identitätsfunktion sein

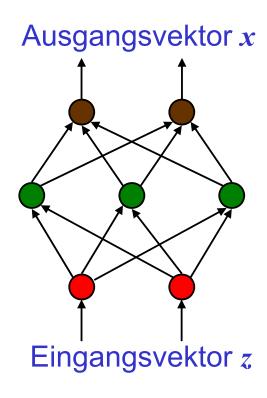
# Beispiel: Realisierung der logische Grundoperationen

#### durch Wahl von:

- Propagierungsfunktion mit Gewichtungsfaktoren  $\omega_{i,k}, \omega_{j,k}$
- Aktivierungsfunktion:
   Schwellwertfunktion mit Schwelle s
- Outputfunktion: Identität

	$\omega_{i,k}$	$\omega_{j,k}$	S
AND	1	1	1,5
OR	1	1	0,5
NOT	-1	0	-0,5

- Kombination der Eingangsgrößen z (sensorielle Information, Vorwissen) zum Fusionsergebnis x
- Keine explizite Formulierung der Kombinationsregel, sondern Lernen des zu erzielenden Fusionsergebnisses



 Vorwissen: Explizite Formulierung in Eingangsgrößen, aber auch durch Wahl der Struktur und der Funktionen

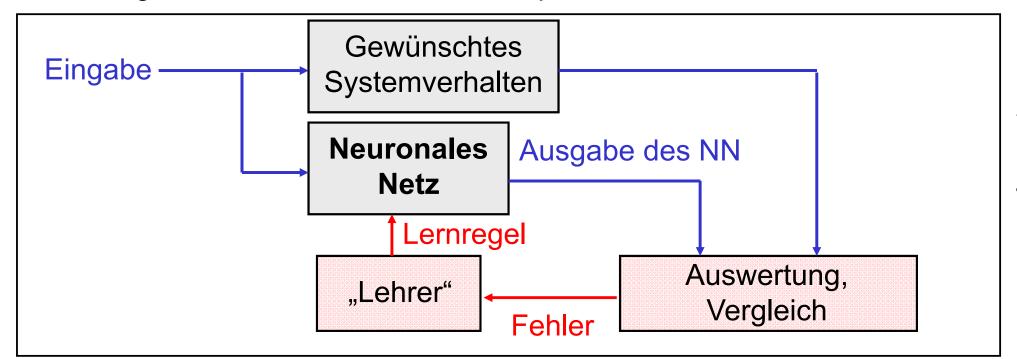
#### 5.3 Lernen

#### Lernen durch

- Knüpfen neuer Verbindungen, löschen bestehender Verbindungen
- Veränderung der Gewichte  $\omega_{i,j}$
- Veränderung der Schwellwerte der Aktivierungsfunktion
- Veränderung der Funktionen
- Hinzufügen oder löschen von Neuronen

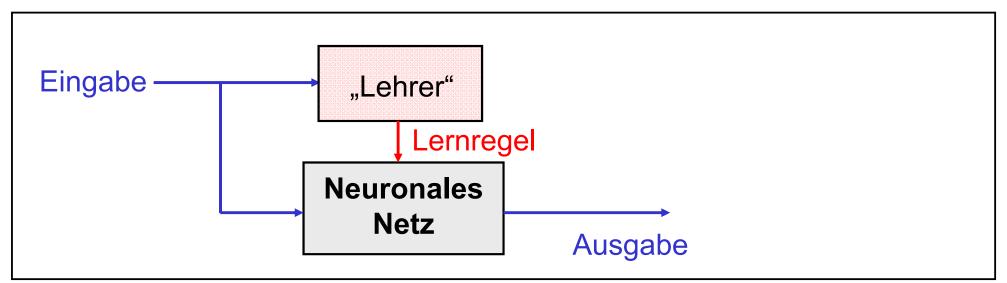
# Überwachtes Lernen (Supervised Learning)

- Bekannt bzw. vorgegeben: Eingangsdaten und gewünschte Ausgangsdaten → Fehler des Netzes bestimmbar und korrigierbar
- Unterteilung der Daten in Trainingsdaten und Testdaten
- Optimierung des Netzes mit Trainingsdaten
- Test des Netzes auf Generalisierbarkeit mittels Testdaten
- Lernregel ist an den Lernfortschritt anpassbar



# **Unüberwachtes Lernen** (Unsupervised Learning)

- Eingangsdaten bekannt, gewünschte Ausgangsdaten nicht bekannt Bsp.: Klassifikation, Clustern von Merkmalsvektoren
- Ziel des Trainings: Erkennung von vorhandenen Mustern in den Eingangsdaten
- I.A. nur feste Lernregeln
- Überwachung des Lernfortschritts schwerer möglich



## **5.4 Neuronale Netze – Bewertung**

#### Vorteile:

- + Gute Abbildbarkeit komplexer Zusammenhänge durch den adaptiven Aufbau und hohe Vernetzung der Neuronen
- + Datenbasiertes Lernen: Gute Reaktion auf veränderte Eingabedaten, gute Erkennung ähnlicher Muster
- + Anwendbar bei schwer spezifizierbaren Aufgaben
- + Geringe Störempfindlichkeit gegenüber verrauschten, unvollständigen oder widersprüchlichen Inputs
- + Fehlertoleranz gegenüber Ausfall einzelner Neuronen
- + Berücksichtigung von A-priori-Wissen durch Trainingsdaten und durch Vorgabe der Struktur

# **5.4 Neuronale Netze – Bewertung**

#### **Nachteile:**

- Undurchschaubarkeit (Black Box Charakter): Durch Lernen erzielter Zusammenhang zwischen Ein- und Ausgangsdaten kaum nachvollziehbar
- Viele Lerndaten erforderlich
- Anforderungen an Trainingsdaten: Repräsentativ und redundanzfrei
- Lange Trainingszeiten
- Lernerfolg (globales Optimum) nicht garantierbar
- Overfitting möglich: Überanpassung an einen nicht aussagekräftigen Trainingsdatensatz ("auswendig lernen"), nicht generalisierbares Systemverhalten

- DeWilde, Philippe: Neural network models: an analysis. Springer, 1996.
- Rigoll, Gerhard: Neuronale Netze: eine Einführung für Ingenieure,
   Informatiker und Naturwissenschaftler. expert-Verlag, 1994.
- Heinsohn, Jochen; Socher-Ambrosius, Rolf: Wissensverarbeitung: eine Einführung. Spektrum Akademischer Verlag, 1999.